

## Cours 2: *Shading*

Xavier Décoret – INF 683 - École Polytechnique

# Overview

---

- ▶ **Aspect des objects**
  - ▶ Qu'est ce qui l'influence?
  - ▶ Comment le modéliser?
  - ▶ Comment le calculer efficacement?
- ▶ **Textures**
  - ▶ À quoi ça sert?
  - ▶ Comment ça s'utilise?
  - ▶ Qu'est ce que ça implique?

# Qu'est ce qui influence l'aspect?

- ▶ Les matériaux constituant les objets
  - ▶ Comment ils “transmettent” la lumière incidente
- ▶ Les interactions lumineuses entre objets
  - ▶ Comment la lumière voyage des sources jusqu'à l'oeil



Fresnel effect



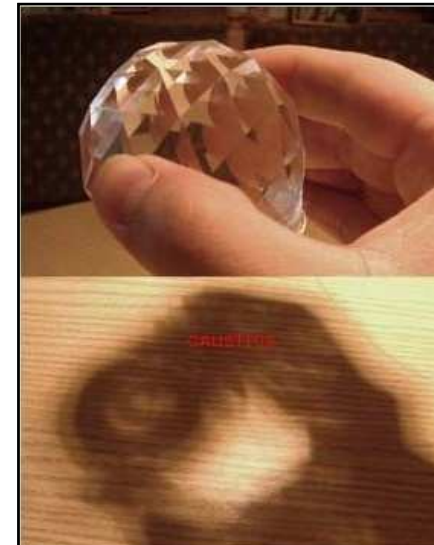
Isotropic highlights



Anisotropic highlights



Dispersion



Caustics

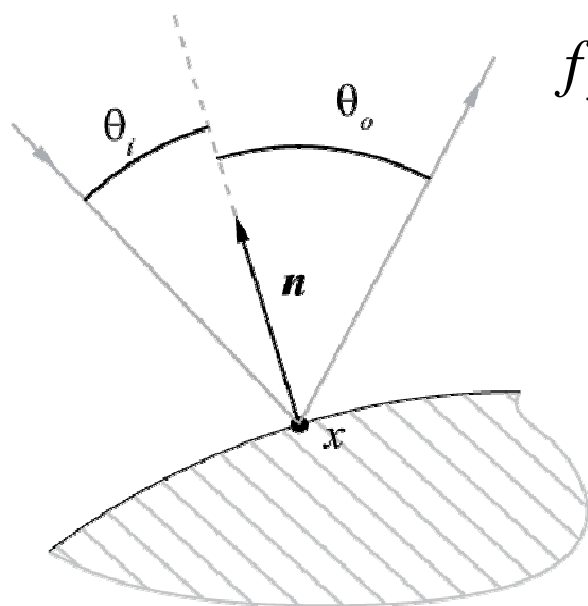
<http://www.maxim-capra.com>

# Matériau & transmission de la lumière

Jensen, H. W et al. *A practical model for subsurface light transport*. 2001

## BRDF (Bidirectional Reflectance Function)

Fonction de IR<sup>4</sup> dans IR indiquant comment la lumière incidente en un point est réfléchi en ce point

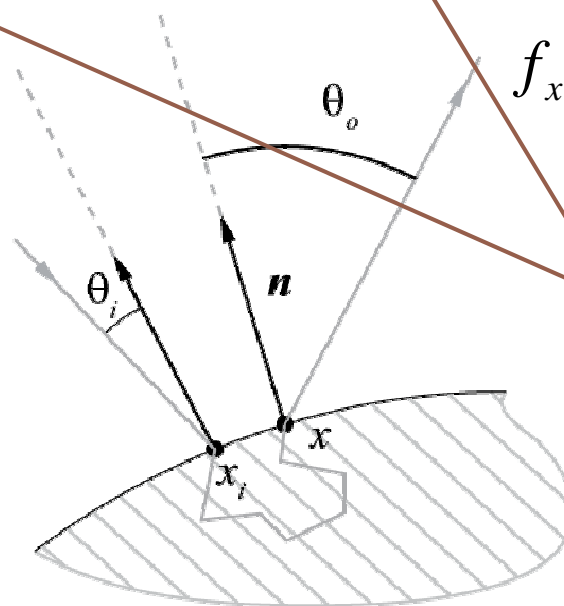


$$f_x(\theta_i, \theta_o, \lambda)$$

$\theta_i$  : incoming light  
 $\theta_o$  : outgoing light  
 $\lambda$  : longueur d'onde

## BSSRDF (Subsurface Scattering)

Fonction de IR<sup>7</sup> dans IR indiquant comment la lumière incidente en un autre point est réfléchi en un point



$$f_x(x_i, \theta_i, \theta_o, \lambda)$$

On ignore la dépendance en  $\lambda$  en pratique

# Matériau & transmission de la lumière

---

**BRDF** (*Bidirectional Reflectance Function*)



**BSSRDF** (*Subsurface Scattering*)



<http://graphics.ucsd.edu/~henrik/images/subsurf.html>



Pas de BSSRDF dans ce cours

# Interactions lumineuses

---

## Illumination globale

- ▶ Le shading en un point prend en compte toutes les interactions lumineuses dans la scène

## Illumination locale

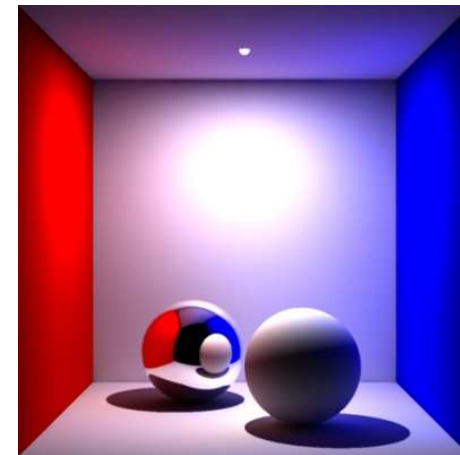
- ▶ Le shading en un point ne dépend que de la source de lumière, de l'observateur, et du matériau en ce point

# Illumination Globale (1 / 5)

- ▶ Clé du réalisme
  - ▶ Ombres, réflexions
  - ▶ *Color bleeding*



<http://www.cg-cars.com/forum/gallery/>



<sup>1</sup> Laine et al. *Soft Shadow Volumes for Ray Tracing*, Siggraph 2005  
<sup>2</sup> <http://www.seanet.com/~myandper/abstract/sig03c09.htm>

# Illumination Globale (2/5)

## ► Complicé et coûteux

- *Rendering Equation* Kajiya, James T., *The rendering equation*, SIGGRAPH 1986

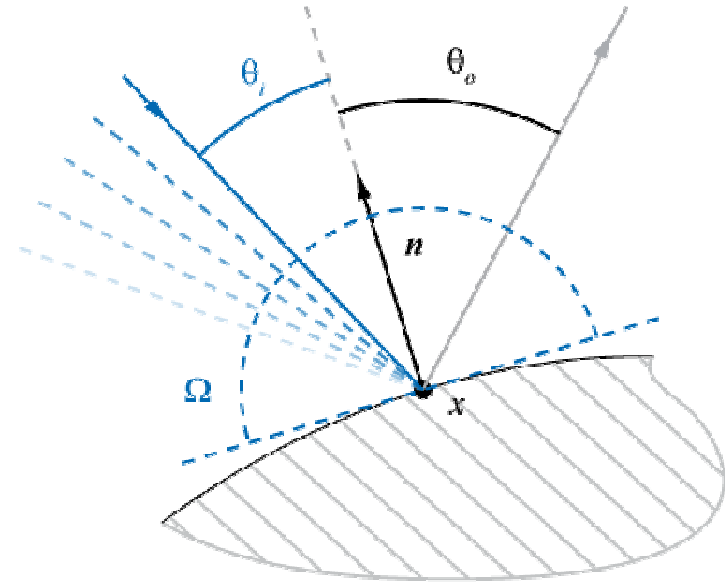
$$L_o(x, \theta_o) = L_e(x, \theta_o) + \int_{\Omega} f_x(\theta_i, \theta_o) L_i(x, \theta_i) \cos \theta_i d\theta_i$$

Lumière quittant  $x$  dans la direction  $\theta_o$

Lumière propre émise par  $x$  dans la direction  $\theta_o$

*Bidirectional Reflectance Function* en  $x$

Lumière arrivant en  $x$  dans la direction  $\theta_i$



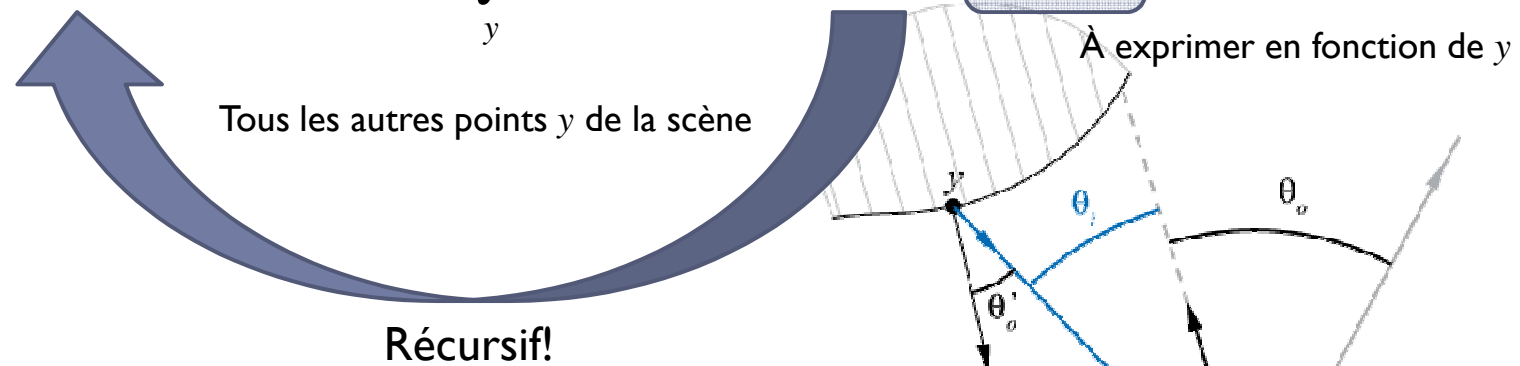


# Illumination Globale (3/5)

## ► Complicé et coûteux

- *Rendering Equation* Kajiya, James T., *The rendering equation*, SIGGRAPH 1986

$$L_o(x, \theta_o) = L_e(x, \theta_o) + \int_y f(x, \theta_i, \theta_o) L_o(y, \theta_o') V(x, y) \cos \theta_i d\theta_i$$



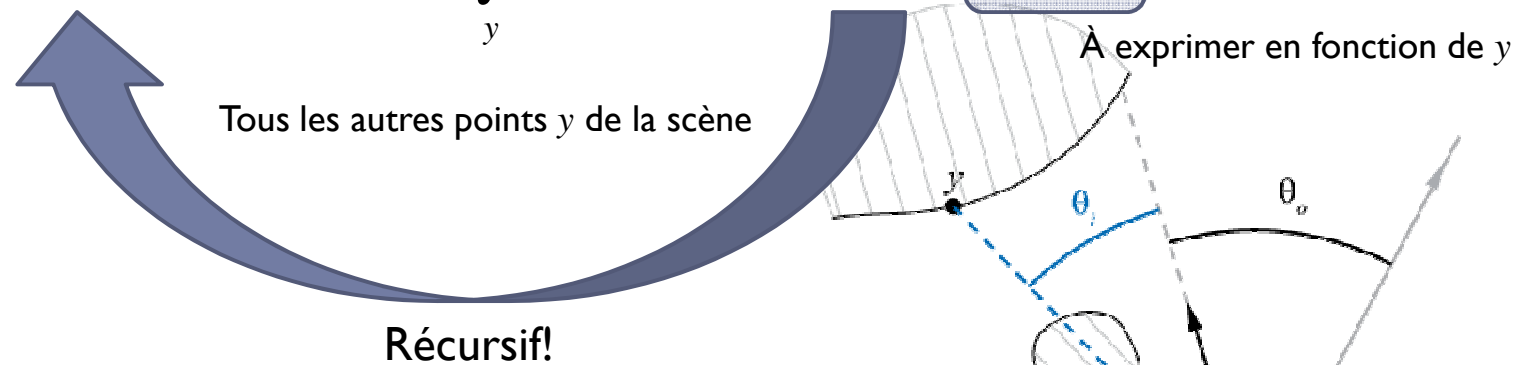
$V(x, y) = 1$  ou  $0$  selon que  $x$  et  $y$  se voient ou non

# Illumination Globale (4/5)

## ► Complicé et coûteux

- *Rendering Equation* Kajiya, James T., *The rendering equation*, SIGGRAPH 1986

$$L_o(x, \theta_o) = L_e(x, \theta_o) + \int_y f(x, \theta_i, \theta_o) L_o(y, \theta_o') V(x, y) \cos \theta_i d\theta_i$$



$V(x, y) = 1$  ou  $0$  selon que  $x$  et  $y$  se voient ou non

# Illumination Globale (5/5)

---

- ▶ **Complicé et coûteux**
  - ▶ Récursivité
  - ▶ Calcul de visibilité (cf. facteur de forme)
- ▶ **Comment s'en sortir?**
  - ▶ Récursivité limité (sources virtuelles, un seul rebond)
  - ▶ Approche hiérarchique
- ▶ **Qu'est ce qui est utilisé actuellement?**
  - ▶ Radiosité (notamment temps-réel)
  - ▶ Photon mapping
  - ▶ Precomputed Radiance Transfer

Pas dans ce cours

# Illumination locale

---

- ▶ Est beaucoup plus simple et rapide à évaluer
  - ▶ Calcul efficace par les cartes graphiques
- ▶ Rate la plupart des effets visuels importants
  - ▶ Notamment, ne gère pas les occlusions
  - ▶ Pleins de “hacks” pour émuler les effets manquants

Dans ce cours, on ne considère que l'illumination locale.

# De la théorie à la pratique

---

- ▶ **Comment spécifier les matériaux?**
  - ▶ Un matériau précis du monde réel
  - ▶ Un matériau auquel pense un artiste/graphiste
- ▶ **Comment évaluer une BRDF efficacement?**

Samplers la BRDF d'un échantillon de matériau

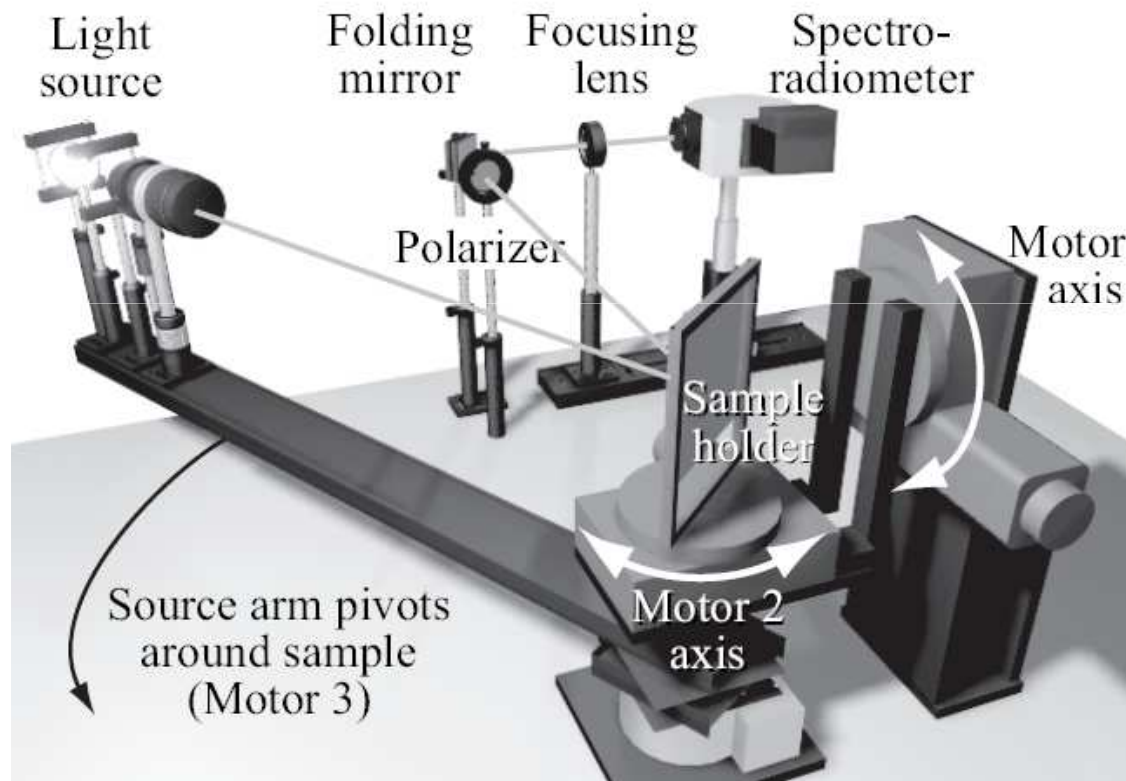
Utiliser un modèle

- Générique
- Intuitif
  - Peu de paramètres
  - +/- prévisible

Fitter un modèle sur des "données"

# Sampler une BRDF

- ▶ On peut utiliser un gonioreflectomètre



<http://www.graphics.cornell.edu/~westin/>

Si si, ça existe!



# Modèles de BRDF

---

- ▶ **Modèles simplifiés**

- ▶ Gouraud
- ▶ Phong
- ▶ Blinn-Phong

- ▶ **Modèles complexes**

- ▶ Un exemple pour le cours
  - ▶ Cook-Torrance
- ▶ D'autres pour la culture
  - ▶ Ward, Torrance-Sparrow, Kubelka-Munk,...

[http://en.wikipedia.org/wiki/Specular\\_highlight](http://en.wikipedia.org/wiki/Specular_highlight)

# Modèles simplifiés

---

## ▶ Somme de 3 termes

▶ Ambient

▶ Diffus

▶ Spéculaire

Pour chaque terme, il y a:

- une intensité de source
- un coefficient d'absorption
- une fonction de transfert

## ▶ Deux formules pour le spéculaire

▶ Phong

▶ Blinn-Phong

## ▶ Trois façons de les évaluer

▶ Par face

▶ Par sommet

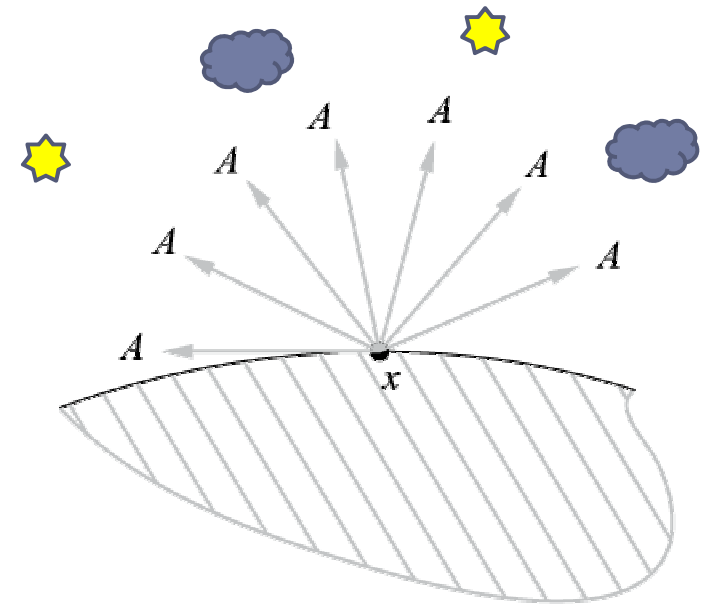
▶ Par fragment



# Terme ambient (1/2)

- ▶ Représenter la lumière “dans la scène” i.e. “l’ambiance”
  - ▶ Lumière provenant du dôme céleste
  - ▶ Lumière que la scène réfléchit sur elle-même
- ▶ Modélisation
  - ▶ Ne dépend pas des angles d’incidence et de reflection

$$A = I_a K_a$$



# Terme ambient (2/2)

---

- ▶ **Très simpliste**
  - ▶ N'a pas vraiment d'interprétation physique
  - ▶ Ne donne pas d'indications sur la forme des objets



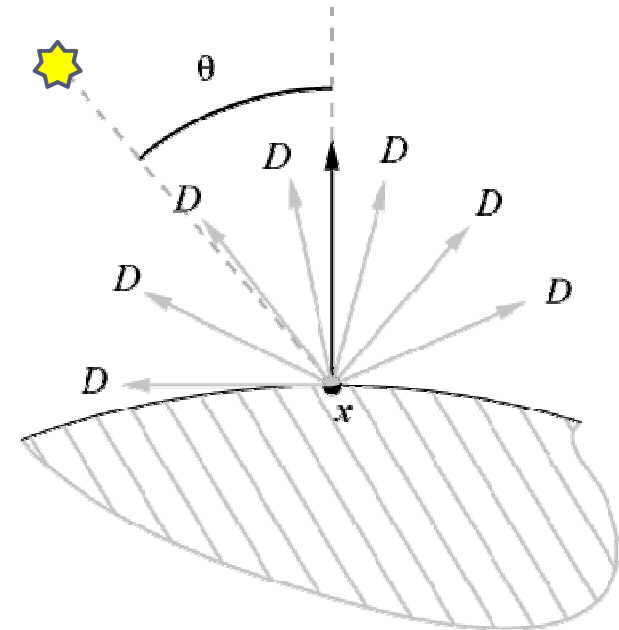
$K_a$  croissant

- ▶ **Mais bien pratique**
  - ▶ Émulation bon marché de l'illumination globale

# Terme diffus (1/2)

- ▶ Représenter un transfert isotrope d'énergie
  - ▶ Réflexion égale dans toutes les directions
  - ▶ Conservation de l'énergie
- ▶ Modélisation
  - ▶ Fait intervenir l'orientation locale de la surface

$$D = I_d K_d \cos \theta$$



# Terme diffus (2/2)

---

- ▶ Hypothèse isotrope *a.k.a* de matériau lambertien
- ▶ Le shading varie le long de la surface
  - ▶ Renseigne sur la courbure (donc la forme) de l'objet



$K_d$  croissant

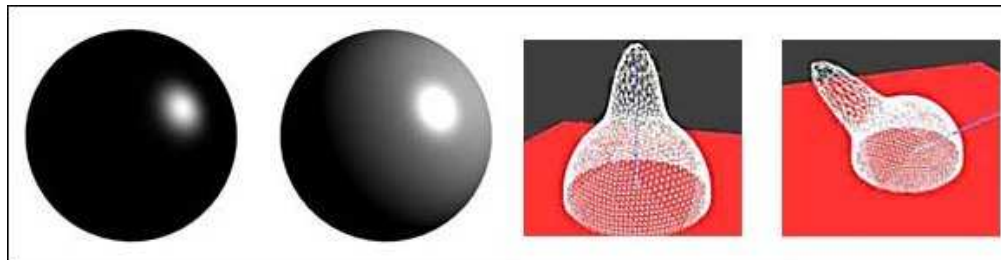
- ▶ Mais ne dépend pas de la position de l'observateur

# Terme spéculaire (1/2)

- ▶ Représenter les surfaces “brillantes” (*glossy*)
  - ▶ Cas idéal des miroirs
- ▶ Modélisation
  - ▶ Autour de la réflexion miroir
  - ▶ Avec une décroissance exponentielle

$$S(\phi) = I_s K_s (\cos \phi)^n$$

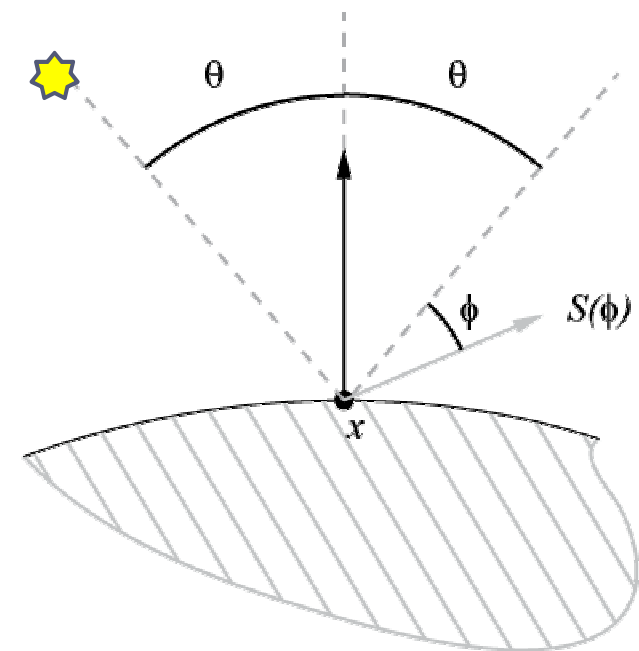
$n$  : shininess



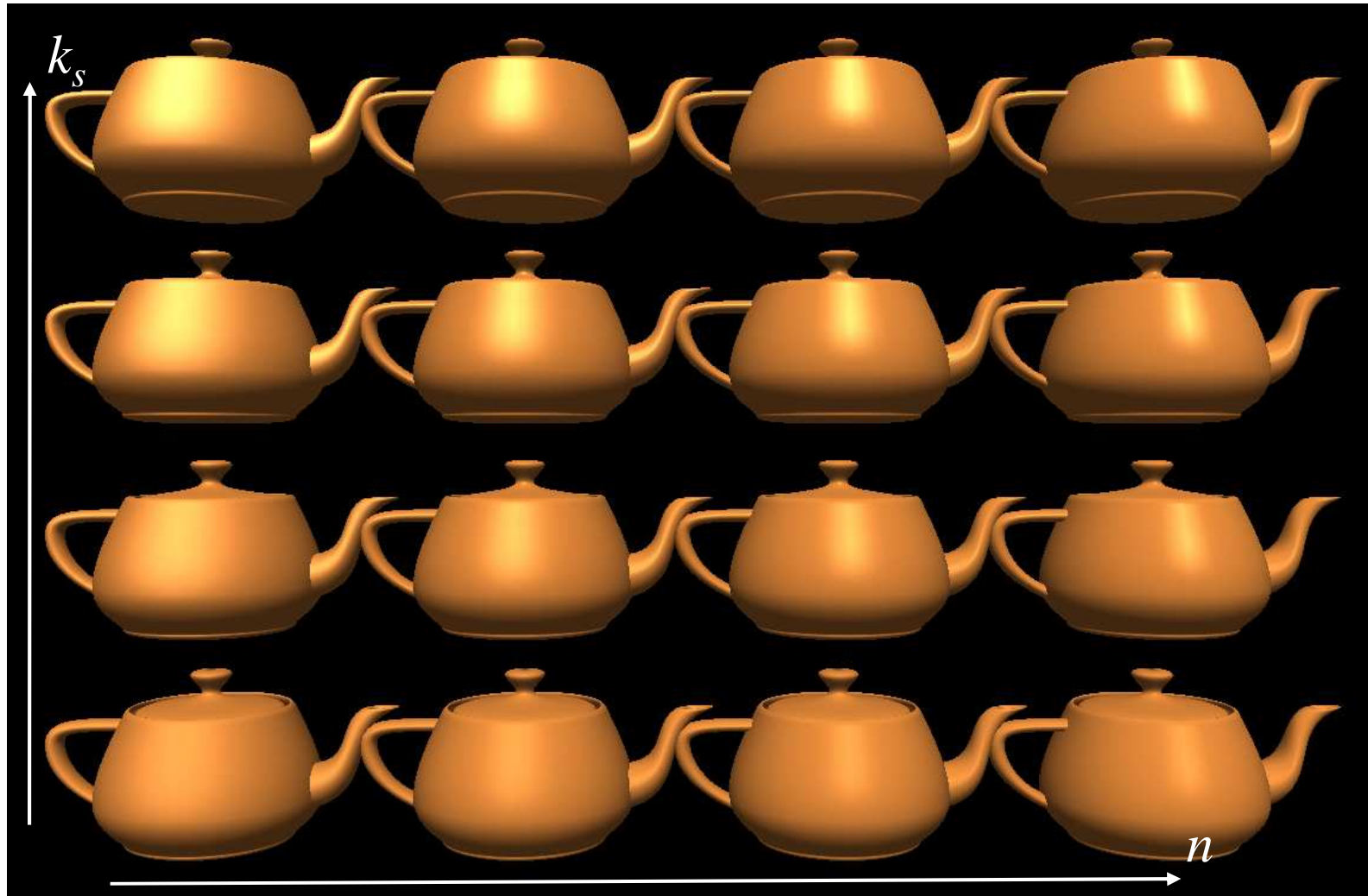
spéculaire

spéculaire+diffus

Visualisation de  $S(\phi)$  a.k.a lobes spéculaires

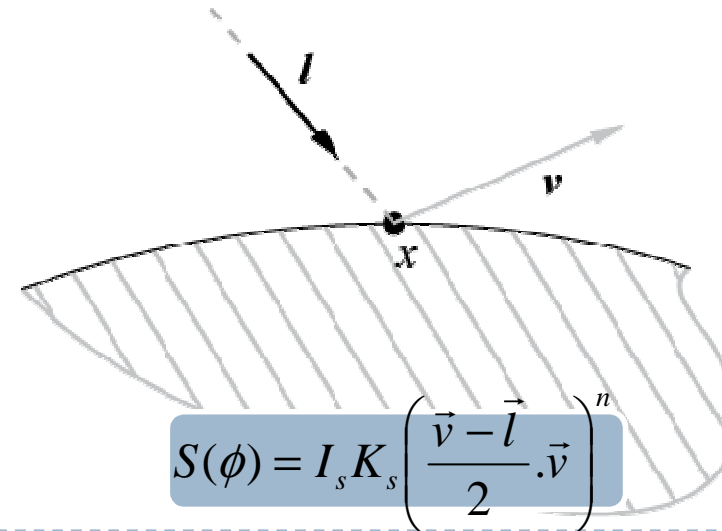
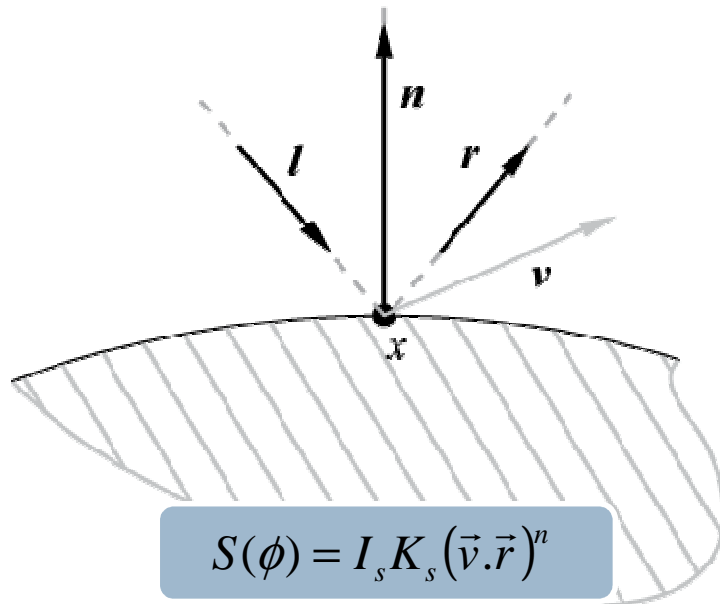


# Terme spéculaire (2/2)



# Phong & Blinn-phong (1 / 2)

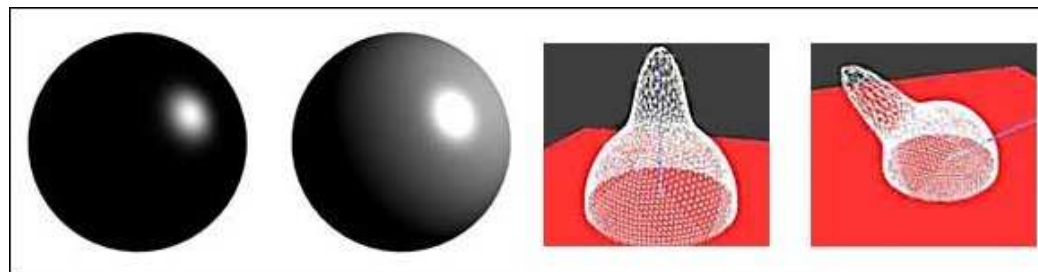
- ▶ La formule précédente = modèle de Phong
  - ▶ Il n'est pas physiquement correct
  - ▶ Il "rend" bien en pratique et est simple à évaluer
- ▶ Une simplification possible = modèle de Blinn-Phong
  - ▶ Utilise l'angle avec le *half-vector* pour simplifier le calcul



# Phong & Blinn-phong (2/2)

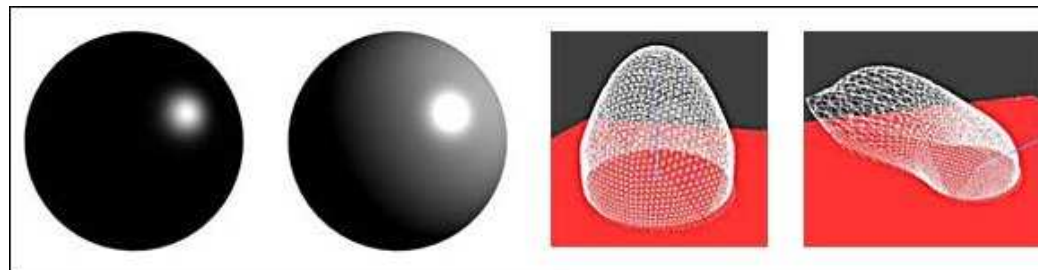
- ▶ La différence est une question de goût!
- ▶ Blinn-phong a tendance à être plus prévisible

Phong model

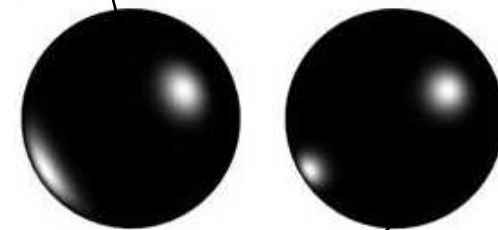


spéculaire

spéculaire+diffus



Blinn-Phong model





# Remarques

---

- ▶ Pourquoi trois coefficients d'absorption?
  - ▶ Après tout la lumière est la même!?!?
- ▶ C'est juste un modèle
  - ▶ Le but c'est d'offrir généricité et simplicité
  
- ▶ On peut faire plus compliqué comme le montre le transparent suivant...

# Cook-Torrance

Cook L. and Torrance K. *A Reflectance Model For Computer Graphics*. 1981

## Facet slope distribution function

$$D = \frac{e^{-\left(\frac{\tan \alpha}{m}\right)^2}}{4m^2 \cos^4 \alpha}$$

- D est la fraction des facettes orientées dans la direction de H
- Il y a plusieurs modèles (formules) possibles
- Le plus général est celui de Beckmann (un paramètre: la pente m)

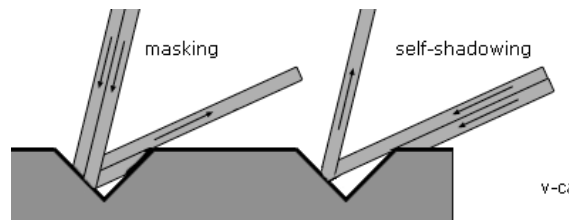
## Fresnel term

$$F = (1 + E.N)^2$$

- F indique comment une micro-facette réfléchit la lumière
- Ça dépend de la longueur d'onde
- Je ne suis pas sûr de la formule!

## Geometrical attenuation factor

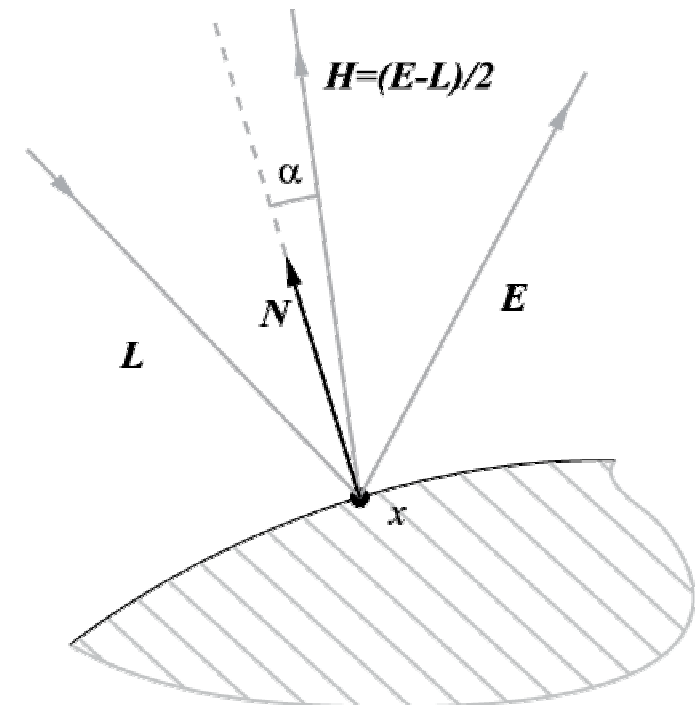
- G modélise comment les facettes se masquent et s'ombrent mutuellement



$$G = \min\left(1, \frac{2(H.N)(E.N)}{E.H}, \frac{2(H.N)(L.N)}{E.H}\right)$$

## Specular term

$$R = \frac{F}{\pi} \frac{D}{N.L} \frac{G}{N.V}$$



# Shading en OpenGL (1 / 2)

---

## ▶ Comment les pixels sont-ils produits?

### ▶ CPU : appel à des fonctions de l'API pour

- ▶ spécifier les attributs de(s) la(les) lampe(s)
- ▶ spécifier les attributs du maillage

□  $K_a, K_d, K_s, n$  par "maillage" i.e. par `glBegin()/glEnd()`

□ Normale }  
□ Position 3D } par sommet

par face si on spécifie la même normale aux sommets  
(en exploitant le fait que OpenGL est une machine à états)

# Un exemple...

---

```
const float Lw[4] = { 0.0f,0.0f,8.0f,1.0f };
glLightfv(GL_LIGHT0,GL_POSITION,Lw);

const float red[3]    = { 1.0f,0.0f,0.0f };
const float blue[3]   = { 0.0f,0.0f,0.5f };
const float green[3]  = { 0.0f,1.0f,0.0f };
const float yellow[3] = { 1.0f,1.0f,0.0f };
const float black[3]  = { 0.0f,0.0f,0.0f };
glMaterialfv(GL_FRONT_AND_BACK,GL_AMBIENT,blue);
glMaterialfv(GL_FRONT_AND_BACK,GL_SPECULAR,yellow);
glMaterialfv(GL_FRONT_AND_BACK,GL_EMISSION,black);
glMaterialf(GL_FRONT_AND_BACK,GL_SHININESS,20.0f);

glBegin(GL_TRIANGLES);
// A normal per face
glNormal3f(0,0,1);
glVertex2f(0,0);
glVertex2f(2,0);
glVertex2f(1,1);

// A normal per vertex
glNormal3fv(-1, 0,1);glVertex2f(0, 0);
glNormal3fv( 1, 0,1);glVertex2f(2, 0);
glNormal3fv( 0,-1,1);glVertex2f(1,-1);
glEnd();
```

# Shading en OpenGL (1 / 2)

---

- ▶ Comment les pixels sont-ils produits?
  - ▶ CPU : appel à des fonctions de l'API pour
    - ▶ spécifier les attributs de(s) la(les) lampe(s)
    - ▶ spécifier les attributs du maillage
      - $K_a, K_d, K_s, n$
      - Normale
      - Position 3D
  - ▶ GPU : *hardware* spécialisé qui
    - ▶ projette les sommets
    - ▶ rasterize l'intérieur de la projection
    - ▶ calcule une couleur pour chaque fragment
    - ▶ combine les fragments pour obtenir les pixels

# Shading en OpenGL (2 / 2)

---

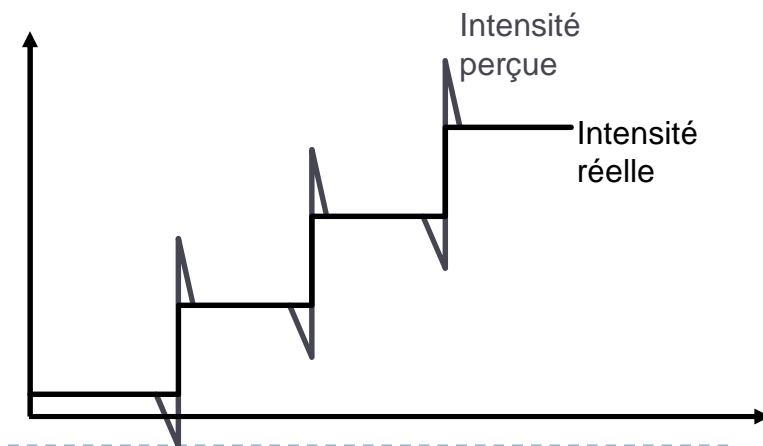
- ▶ Comment les pixels sont-ils *shaded*?
  - ▶ *Flat shading*
    - ▶ Applique Phong pour produire une couleur par face
  - ▶ *Gouraud shading*
    - ▶ Applique Phong pour produire une couleur par sommet
    - ▶ Interpole la couleur pour les fragments intérieurs
  - ▶ **Phong shading** ← 2 sens pour Phong!
    - ▶ Interpole les paramètres du modèle de Phong
      - Normale
      - Vecteur vers la source (*light vector*)
    - ▶ Applique Phong pour produire une couleur par fragment

# Flat vs. Gouraud shading

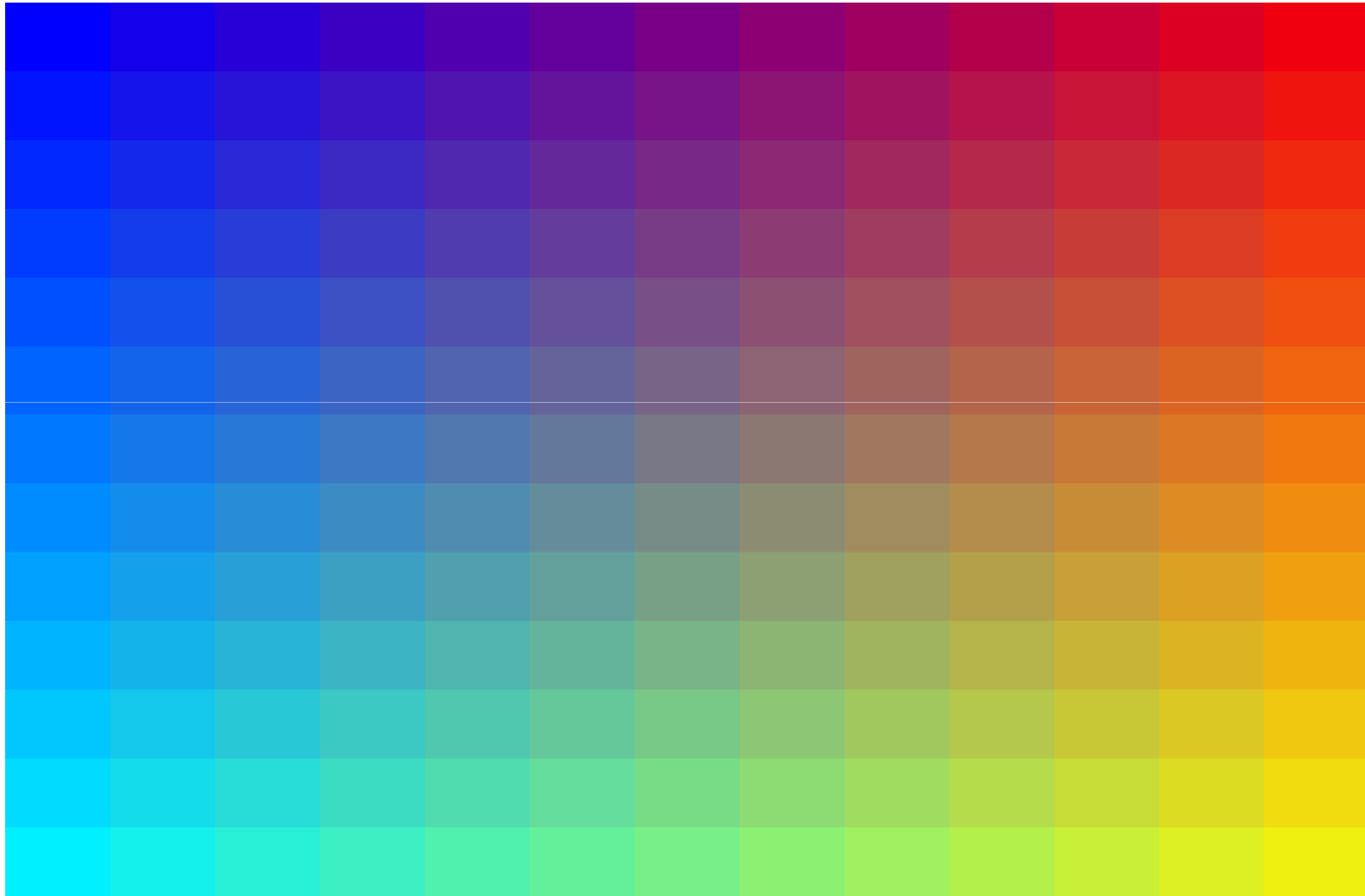
- ▶ Le *Flat shading* produit des objets “facettisés”
  - ▶ Il faut fortement tesseler les surfaces



- ▶ Le *Flat shading* produit des *Mach bands*
  - ▶ L’oeil humain “perçoit” les discontinuités d’intensité



# *Mach Banding*



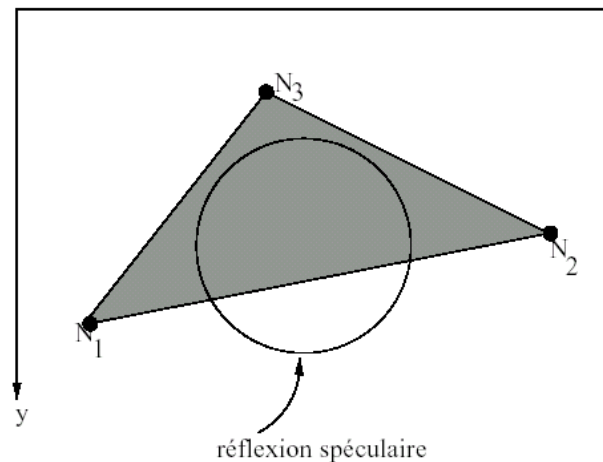


# Gouraud vs. Phong shading

*Per vertex*

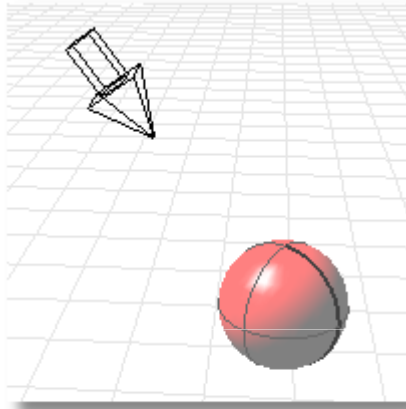
*Per pixel*

- ▶ Phong est plus coûteux
  - ▶ En général, il y a plus de pixels que de sommets
- ▶ Phong est plus joli
  - ▶ Capture les spécularités inter-face ratées par Gouraud
  - ▶ N'est cependant pas exact
    - ▶ L'interpolation du *light vector* est une approximation

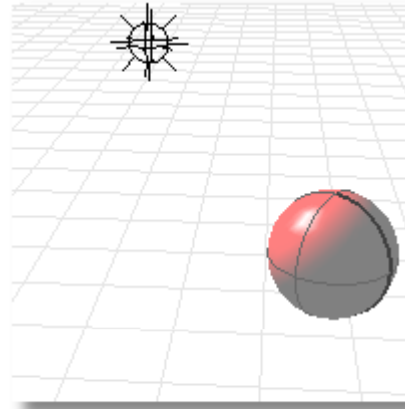


# Les modèles de lampes

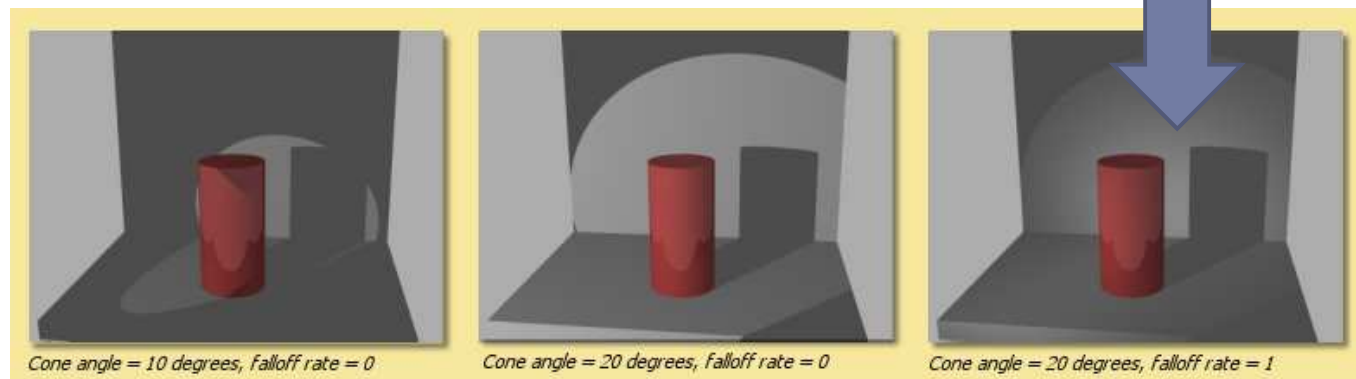
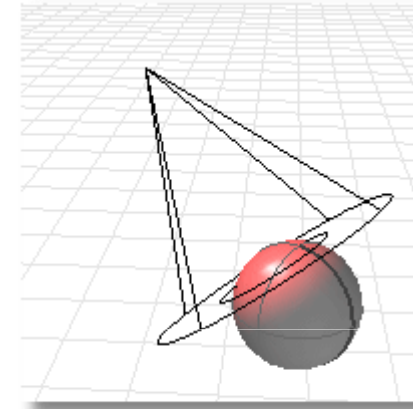
Directionnelle



Ponctuelle



Spot



# Les paramètres OpenGL

```
Form1
GLfloat a[4]= { 0.0f }; glLightfv (GL_LIGHT0, GL AMBIENT, a);
GLfloat d[4]= { 1,1,1 }; glLightfv (GL_LIGHT0, GL_DIFFUSE, d);
GLfloat s[4]= { 1,1,1 }; glLightfv (GL_LIGHT0, GL_SPECULAR, s);
GLfloat p[4]= { 0.0f }; glLightfv (GL_LIGHT0, GL_POSITION, p);
GLfloat s[4]= { 0.0f }; glLightfv (GL_LIGHT0, GL_SPOT_DIRECTION, r);
GLfloat s= 0.0f ; glLightfv (GL_LIGHT0, GL_EXPONENT, e);
GLfloat c= 25.0f ; glLightfv (GL_LIGHT0, GL_SPOT_CUTOFF, c);
GLfloat ca= 1 ; glLightf (GL_LIGHT0, GL_CONSTANT_ATTENUATION, ca);
GLfloat la= 0 ; glLightf (GL_LIGHT0, GL_LINEAR_ATTENUATION, la);
GLfloat qa= 0 ; glLightf (GL_LIGHT0, GL_QUADRATIC_ATTENUATION, qa);
```

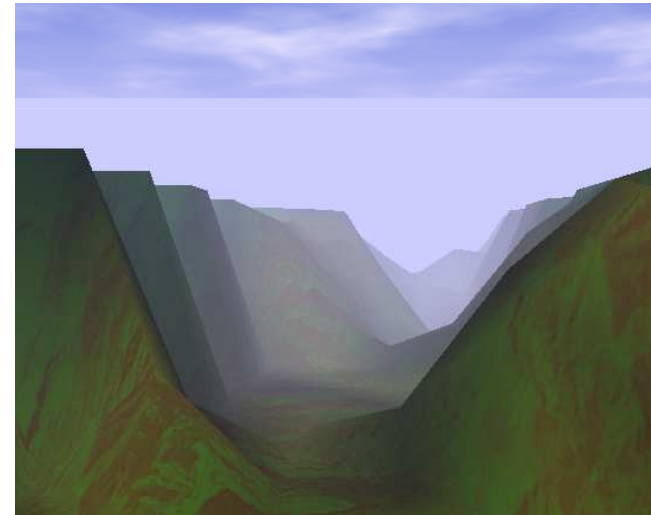
```
Form2
GLenum s= GL_SMOOTH ; glShadeModel (s);
GLfloat a[4]= { 0.2,0.2,0.2,1 }; glLightModelfv (GL_LIGHT_MODEL_AMBIENT, a);
GLint c= GL_SINGLE_COLOR ; glLightModeli (GL_LIGHT_MODEL_COLOR_CONTROL, c);
GLint l= 0 ; glLightModeli (GL_LIGHT_MODEL_LOCAL_VIEWER, l);
GLint t= 0 ; glLightModeli (GL_LIGHT_MODEL_TWO_SIDE, t);
```

```
Form3
GLfloat a[4]= { 0.2,0.2,0.2,1 }; glLightfv (GL_FRONT, GL_AMBIENT, a);
GLfloat d[4]= { 0.8,0.8,1 }; glMaterialfv (GL_FRONT, GL_DIFFUSE, d);
GLfloat s[4]= { 0.0f }; glMaterialfv (GL_FRONT, GL_SPECULAR, s);
GLfloat e[4]= { 0.0f }; glMaterialfv (GL_FRONT, GL_EMISSION, e);
GLfloat sh= 0.0f ; glMaterialfv (GL_FRONT, GL_SHININESS, sh);
```

# Hacks pour émuler des effets complexes

---

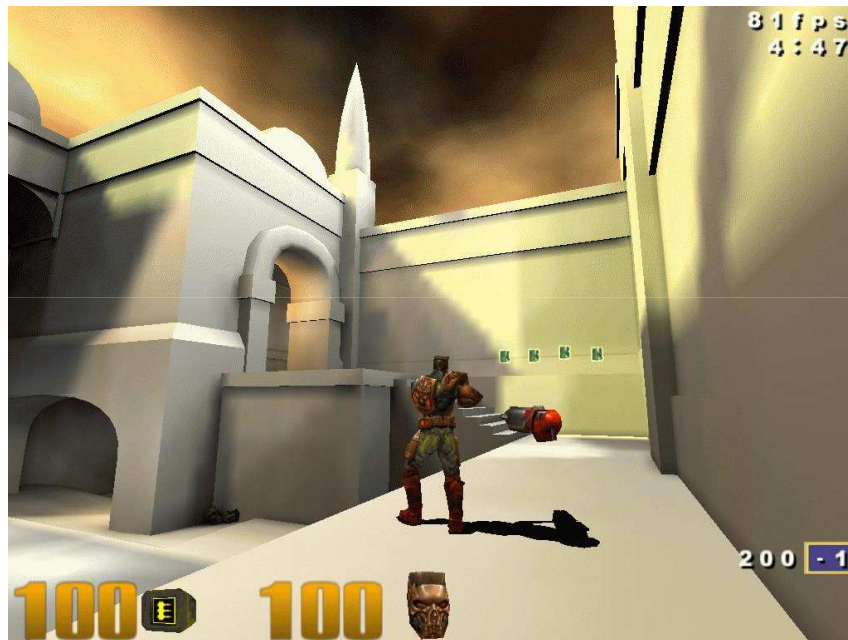
- ▶ Le terme *ambient* simule (sic) l'illumination globale
- ▶ Effets Atmosphériques
  - ▶ La couleur du fragment est *blended* mélangée avec le fond en fonction:
    - ▶ de la distance à l'oeil ( $z$ )
    - ▶ du modèle d'atténuation choisie
  - ▶ Ça sert d'autres buts
    - ▶ cf. cours visibilité
    - ▶ cf. cours niveaux de détails
- ▶ Textures



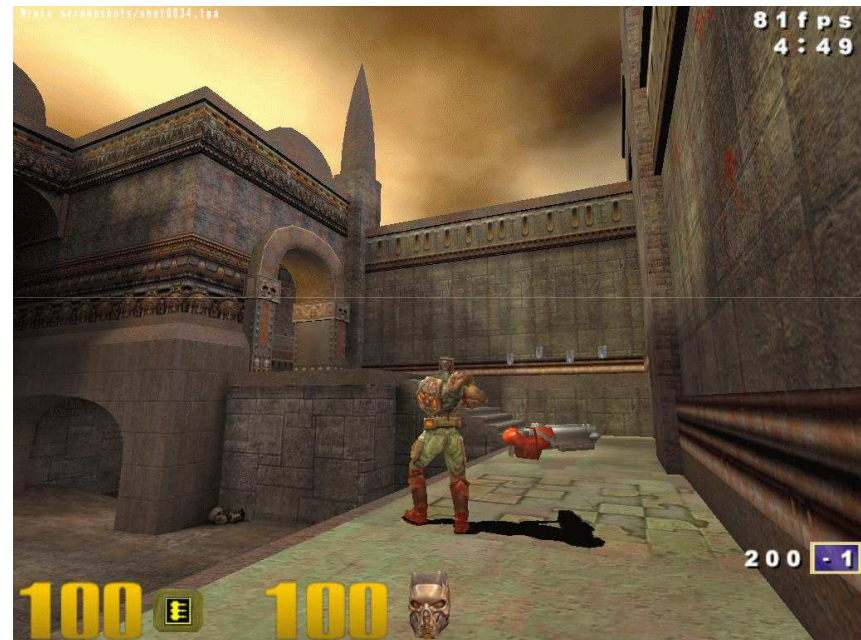
# Textures (1/3)

---

Sans



Avec



# Textures (2 / 3)

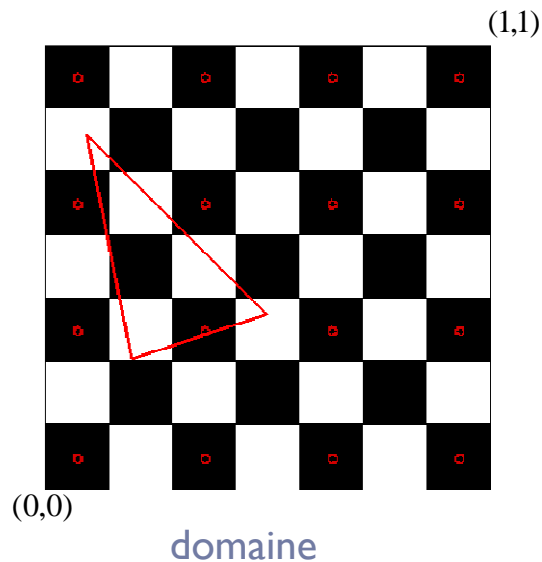
---

- ▶ Souvent présentées par analogie avec du papier peint que l'on peut coller sur une surface
- ▶ C'est une vision historique
- ▶ Aujourd'hui, il vaut mieux voir les textures autrement...

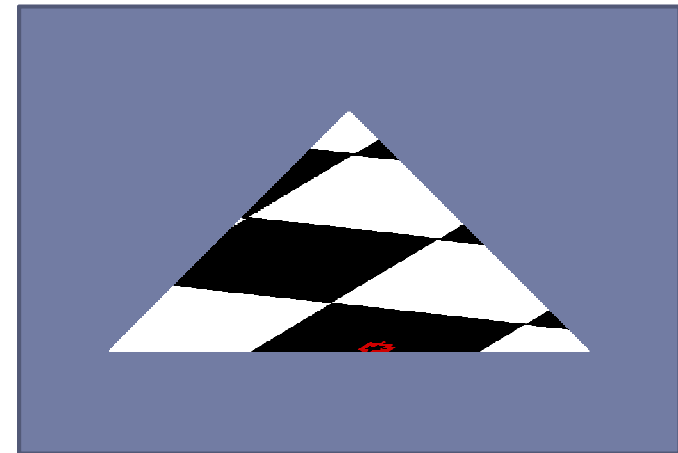
# Textures (3/3)

-----Lookup-table-----

- ▶ Une texture est un champ scalaire discret sur la surface
  - ▶ Défini sur un domaine linéaire/rectangulaire/cubique
  - ▶ Mappé sur la surface par des coordonnées textures<sup>1D</sup> <sup>2D</sup> <sup>3D</sup>
    - ▶ Spécifiées en chaque sommet `glTexCoord{123}{fi}`
    - ▶ Interpolées pour chaque fragment



```
glBegin(GL_TRIANGLES);  
glTexCoord2f(0.2f,0.3f);  
glVertex2f(-1.0f,0.0f);  
glTexCoord2f(0.5f,0.4f);  
glVertex2f(+1.0f,0.0f);  
glTexCoord2f(0.1f,0.8f);  
glVertex2f( 0.0f,1.0f);  
glEnd();
```

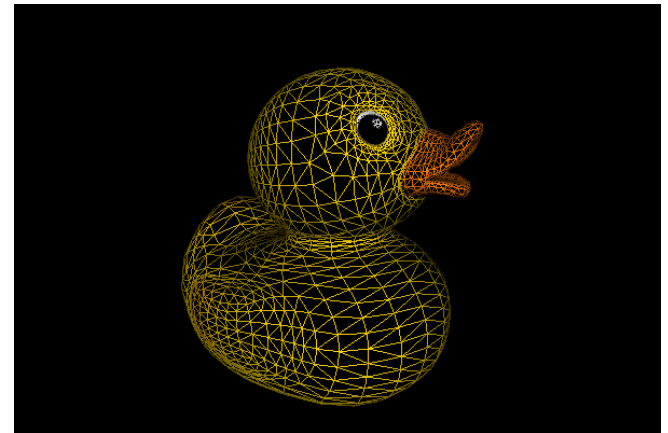
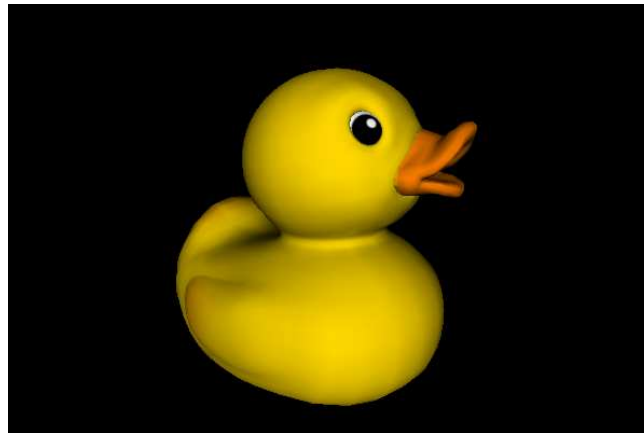


Vue 3D

# Textures (3/3)

---

- ▶ On peut l'utiliser pour spécifier:
  - ▶ La couleur ambient/diffuse

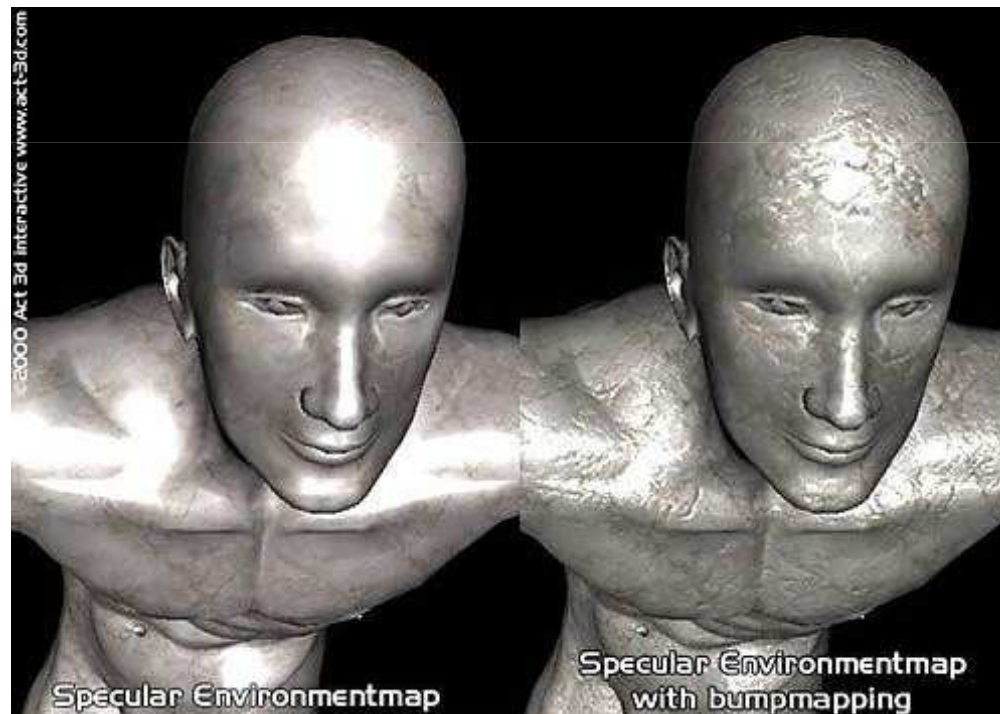




# Textures (3/3)

---

- ▶ On peut l'utiliser pour spécifier:
  - ▶ La couleur ambient/diffuse
  - ▶ La normale (*bump mapping*)



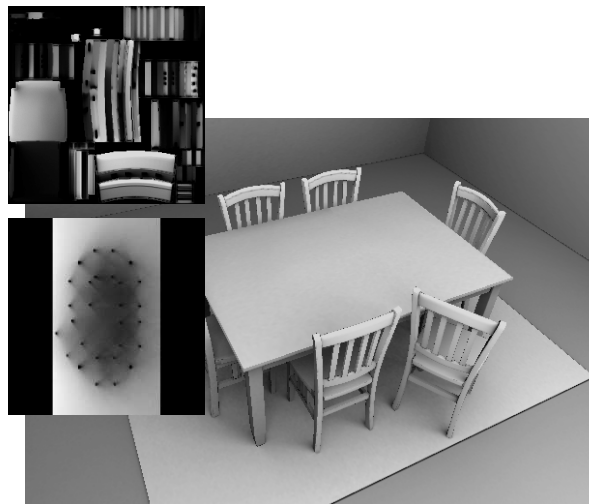
# Textures (3/3)

---

- ▶ On peut l'utiliser pour spécifier:
  - ▶ La couleur ambient/diffuse
  - ▶ La normale (*bump mapping*)
  - ▶ Un illumination précalculée (*light map*)



Diffuse mappée sur la scène



Lightmap mappées sur la scène



Combinées

# Textures (3 / 3)

---

- ▶ On peut l'utiliser pour spécifier:
  - ▶ La couleur ambient/diffuse
  - ▶ La normale (*bump mapping*)
  - ▶ Un illumination précalculée (*light map*)
  - ▶ Ce qu'on veut en fait (cf. cours sur les *shaders*)

# Texture mapping & Aliasing

---

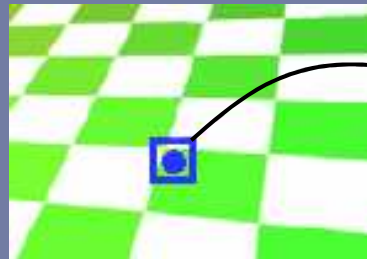
- ▶ **Undersampling** *magnification*
  - ▶ Prendre le plus proche ou interpoler les voisins
- ▶ **Supersampling** *minification*
  - ▶ Solution idéale
    - ▶ Intégration des échantillons samples → coûteux
  - ▶ Solution pratique
    - ▶ Pré-filtrer les textures → *mipmaps*
    - ▶ Interpoler entre les niveaux (les voisins)

# Undersampling

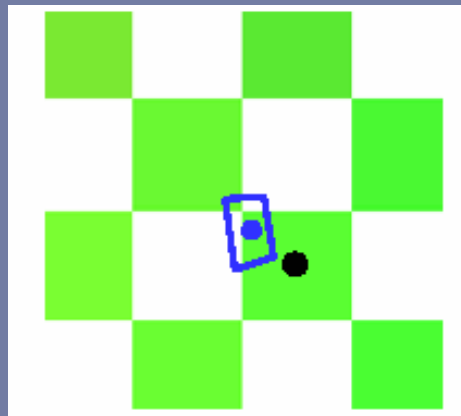
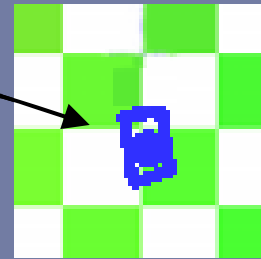
--picture element-----texture element-----

- ▶ Pixel “plus petit” qu’un texel

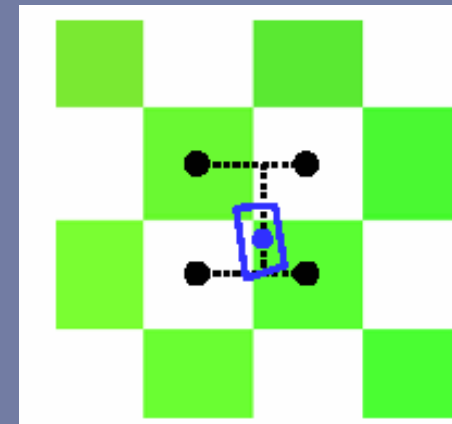
Screen space



Texture space



Color of nearest texel  
GL\_NEAREST

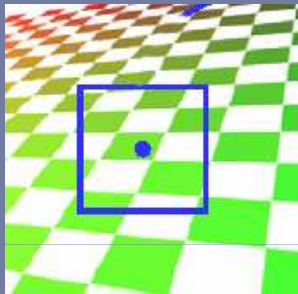


Bi-linear filtering  
GL\_LINEAR

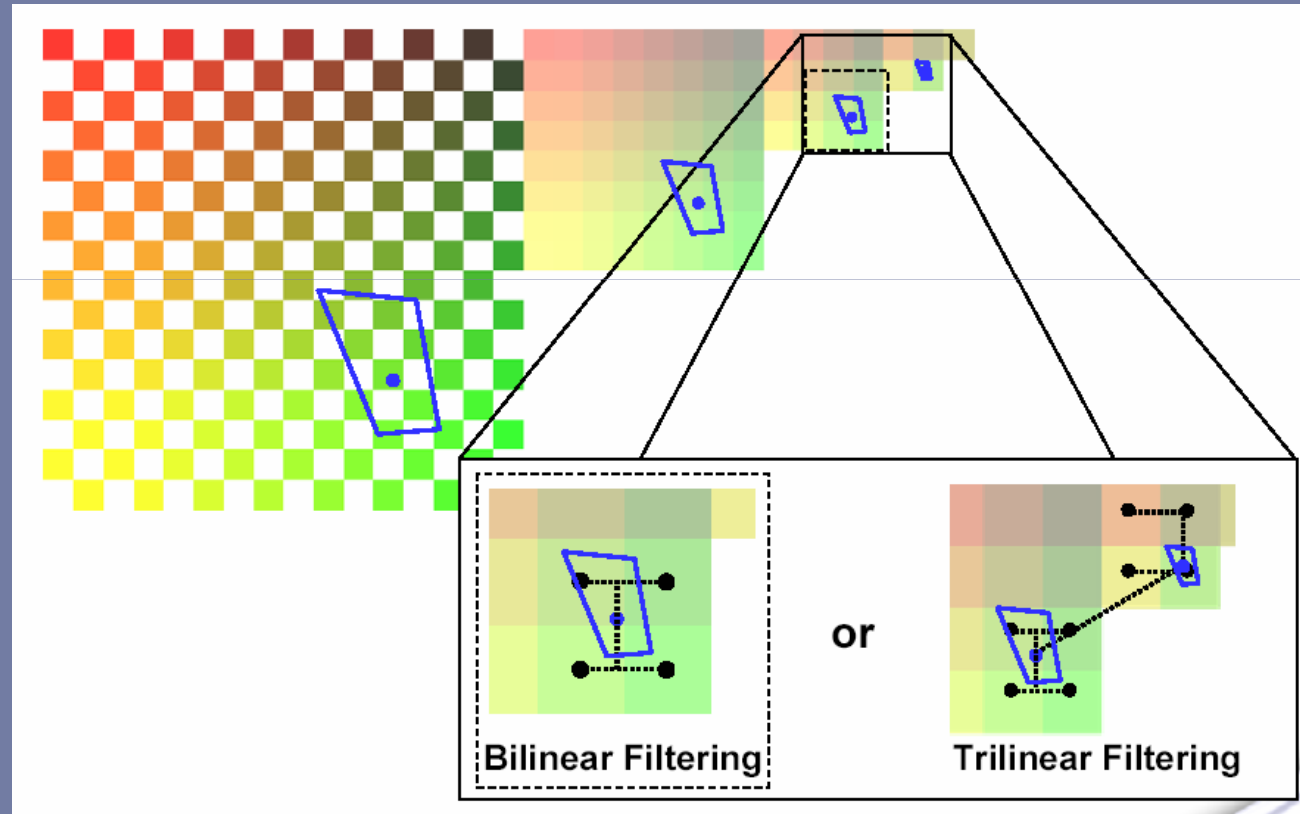
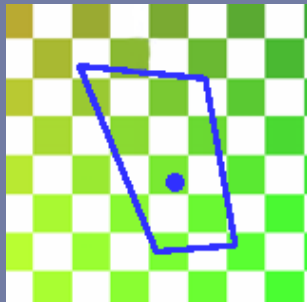
# Supersampling

- ▶ Pixel “plus grand” qu’un texel

Screen space



Texture space



C'est fini pour aujourd'hui



C'est l'heure de la pause